

Département d'Informatique-IGMO
4^{ème} année Ingénieurs
Systèmes d'exploitation II Corrigé- EMD1

ORAN le 12/03/03

Exercice1.

Soit s un sémaphore général et notons par :

$np(s)$: le nombre de processus dans la section critique. Montrer d'une manière formelle que si $np(s) = 0$ alors $e(s) = e0(s)$.

$$np(s) = nf(s) - nv(s) = 0 \Rightarrow nf(s) = nv(s)$$

En général pour les sémaphores

$$e(s) + np(s) = e0(s) + nv(s) \quad (*)$$

Et selon le théorème $nf(s) = \min (np(s), e0(s) + nv(s))$

Puisque

$$\left. \begin{array}{l} nf(s) = nv(s) \\ e0(s) > 0 \end{array} \right\} \Rightarrow nf(s) \leq e0 + nv(s)$$

D'où $nf(s) = np(s)$ le min $\Rightarrow nv(s) = np(s)$

$$\begin{aligned} \text{En remplaçant dans (*) on a } e(s) + nv(s) &= e0(s) + nv(s) \\ &\Rightarrow e(s) = e0(s) \end{aligned}$$

Exercice 2.

Question a (2pts)

Contexte commun

Var

x, y, z : entier ;
mutex : semaphore ;
y := 100 ; z := 200 ; mutex := 1 ;

Processus P_A

Début
<SNC> ;
P(mutex) ;
X := y + z ;
V(mutex) ;
<SNC>
Fin ;

Processus P_B

Début
<SNC> ;
P(mutex) ;
lire(x) ;
lire(y) ;
lire(z) ;
V(mutex) ;
<SNC>
Fin ;

Remarque : la solution utilisant 2 sémaphores à la manière du problème du producteur/consommateur est considérée comme fausse..0

Question b (2 pts)

$e(\text{mutex}) = 1$ (sémaphore d'exclusion mutuelle)

$nf(\text{mutex}) = \min (np(\text{mutex}), e0(\text{mutex}) + nv(\text{mutex}))$ (1) (théorème vu et démontré en TD) $\Rightarrow nf(\text{mutex}) \leq e0(\text{mutex}) + nv(\text{mutex})$. (2)

si $np(s)$ est le nombre de processus en section critique alors

$$np(s) = nf(s) - nv(s) \quad (3)$$

de (2) et (3), on déduit qu'à tout instant $np(\text{mutex}) \leq 1$

Question c (2 pts)

Il suffit de démontrer ce qui suit :

$$np(\text{mutex}) = 0 \Rightarrow nbloques(\text{mutex}) = 0$$

$nbloques(\text{mutex})$ étant le nombre de processus bloqués sur le sémaphore mutex (les processus ayant exécuté $P(\text{mutex})$ mais n'ont pas pu la franchir).

A tout instant on a :

$$np(\text{mutex}) = nf(\text{mutex}) - nv(\text{mutex})$$

avec l'hypothèse $np(\text{mutex}) = 0$, on déduit

$$nf(\text{mutex}) = nv(\text{mutex})$$

$e0(\text{mutex})$ étant strictement positive ($e0(\text{mutex}) = 1$), on déduit

$$nf(\text{mutex}) < e0(\text{mutex}) + nv(\text{mutex}) .$$

c-à-d $nf(\text{mutex}) < 1 + nv(\text{mutex}) .$

$\Rightarrow nf(\text{mutex}) = np(\text{mutex})$ d'après (1) (4)

De plus, on a à tout instant : $nbloques(\text{mutex}) = np(\text{mutex}) - nf(\text{mutex})$ (5)

De (4) et (5), on déduit $nbloques(\text{mutex}) = 0$

Donc pas de blocage intempestif.

Exercice 3.

Producteur-Consommateur

Var

Vide, plein : entier

mutex1 , mutex2 , $n\text{plein}$, $n\text{vide}$: semaphore binaire ;

$\text{vide} := n$; $\text{plein} := 0$; $\text{mutex1} := 1$ $\text{mutex2} := 1$; $n\text{plein} := 0$, $n\text{vide} := 0$;

Producteur

Debut

Var

m :entier ;

prod :prelever ;

$P(\text{mutex1})$;

$\text{Vide} := \text{vide} - 1$;

$m := \text{vide}$;

$V(\text{mutex1})$;

Si $m = -1$ alors $P(n\text{vide})$;

Deposer ;

$P(\text{mutex2})$;

$\text{Plein} := \text{plein} + 1$;

Si $\text{plein} = 1$ alors $V(n\text{plein})$;

$V(\text{mutex2})$;

Aller à prod ;

Fin.

Consommateur

Debut

Var

n :entier ;

$P(n\text{plein})$;

cons :Prelever

$P(\text{mutex1})$;

$\text{vide} := \text{vide} + 1$;

si $\text{vide} = 1$ alors $V(n\text{vide})$;

$V(\text{mutex1})$;

consommer ;

$P(\text{mutex2})$;

$\text{plein} := \text{plein} - 1$;

$n := \text{plein}$;

$V(\text{mutex2})$;

si $n = 0$ alors $P(n\text{plein})$;

aller à cons ;

Fin.